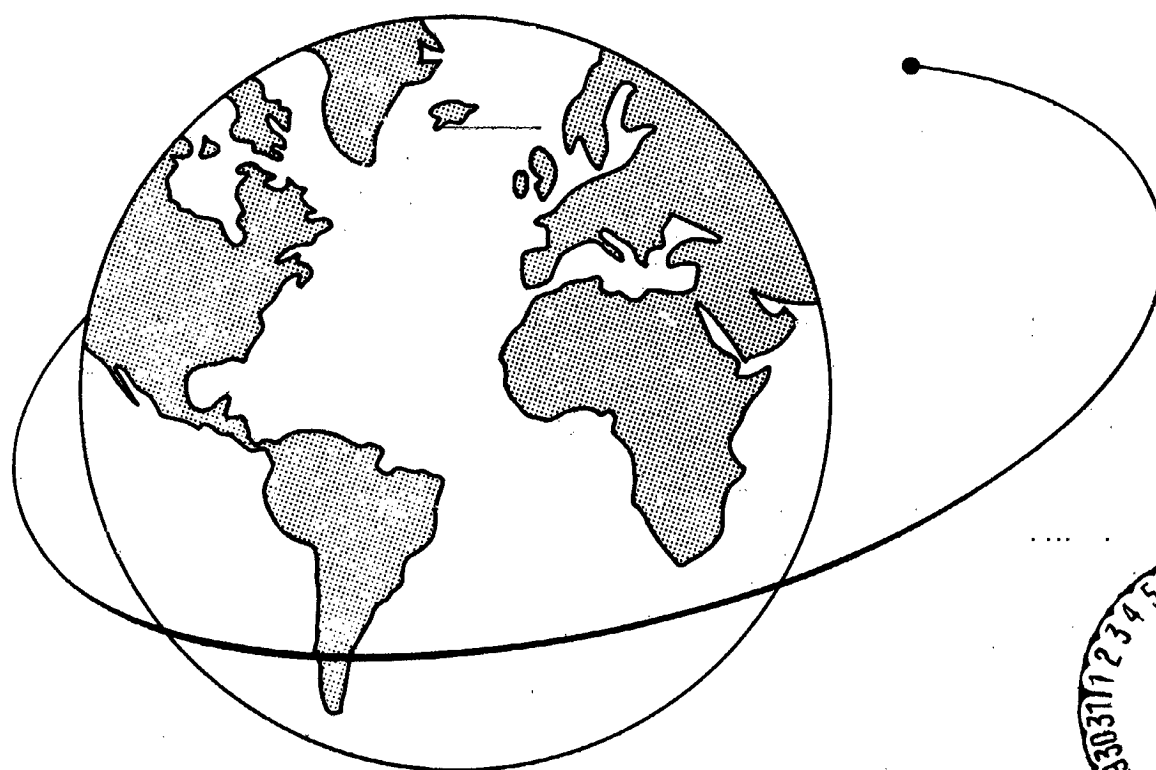


# COMPUTATION OF HANSEN COEFFICIENTS

J. R. CHERNIACK

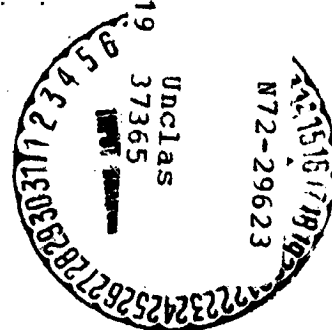


(NASA-CR-127383) COMPUTATION OF HANSEN  
COEFFICIENTS J.R. Cherniack (Smithsonian  
Astrophysical Observatory) 27 Jul. 1972  
30 p

CSCI 12A

G3/19

Unclas  
37365



Smithsonian Astrophysical Observatory  
SPECIAL REPORT 346

Research in Space Science  
SAO Special Report No. 346

COMPUTATION OF HANSEN COEFFICIENTS

J. R. Cherniack

July 27, 1972

Smithsonian Institution  
Astrophysical Observatory  
Cambridge, Massachusetts 02138

## TABLE OF CONTENTS

<u>Section</u>	<u>Page</u>
ABSTRACT .....	iii
1 INTRODUCTION .....	1
2 NOTATION .....	2
3 SOME METHODS OF COMPUTING HANSEN COEFFICIENTS .....	4
4 OUTLINE OF THE VON ZEIPPEL- ANDOYER METHOD .....	5
5 DETAILS .....	6
5.1 Computation of $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$ for $\rho \geq \sigma \geq 0$ .....	6
5.2 Computation of $X_{\rho, \sigma}^{n, k}$ .....	7
5.3 Computation of $X_a^{n, k}$ .....	7
6 THE PROGRAMING .....	8
7 REFERENCES .....	9
APPENDIX .....	A-1

## ABSTRACT

This paper describes some procedures for computer development of Hansen coefficients. The method of Von Zeipel and Andoyer is found most efficient. A table extends the method from 7th to 12th order.

## RÉSUMÉ

On décrit ici certains procédés pour obtenir le développement des coefficients d'Hansen à l'aide d'un ordinateur. La méthode de Von Zeipel et Andoyer a été trouvée la plus efficace. Une table prolonge la méthode du 7<sup>ème</sup> au 12<sup>ème</sup> ordre.

## КОНСПЕКТ

В этой статье описывается процедура развития коэффициентов Гансена с помощью ЭВМ. Метод фон Зипеля и Андоера был найден наиболее эффективным. Таблица расширяет метод от 7<sup>го</sup> до 12<sup>го</sup> порядка.

## COMPUTATION OF HANSEN COEFFICIENTS

J. R. Cherniack

### 1. INTRODUCTION

Cayley's famous paper "Tables of the Development of Functions in the Theory of Elliptic Motion" (1861) contains tables of Hansen coefficients to seventh order in the eccentricity. We recently required Hansen coefficients to higher order in computer-accessible form and experimented with techniques for their computation. The method of Andoyer (1903) and Von Zeipel (1912) is an order of magnitude faster than any other technique we found. It is little known, as far as we can determine, appearing in English only in Izsak, Gerard, Efimba, and Barnett (1964) and there almost parenthetically.

In this note, we briefly describe some of the slower procedures and the Von Zeipel-Andoyer (VZA) method and extend a table of Izsak to 12th order.

---

This research was supported in part by grant NGR 09-015-002 from the National Aeronautics and Space Administration.

## 2. NOTATION

Our notation will be the following

$r$ , the radius vector;

$a$ , the semimajor axis;

$v$ , the true anomaly;

$M$ , the mean anomaly;

$e$ , the eccentricity;

$i = \sqrt{-1}$ ;

$x = \exp(iv)$ ;

$z = \exp(iM)$ ;

the Hansen coefficients  $X_j^{n,k}$ , which are power series in  $e$ , and their generating function  $X^{n,k}$  are defined by

$$(r/a)^n x^k = X^{n,k} = \sum_{j=-\infty}^{+\infty} X_j^{n,k} z^j . \quad (1)$$

If the real and imaginary parts of (1) are separated, we can write

$$\begin{aligned} (r/a)^n \cos (kv) &= \sum_{j=0}^{\infty} C_j^{n,k} \cos (jM) , \\ (r/a)^n \sin (kv) &= \sum_{j=1}^{\infty} S_j^{n,k} \sin (jM) , \end{aligned} \quad (2)$$

where

$$C_0^{n,k} = X_0^{n,k}$$

$$C_j^{n,k} = X_{+j}^{n,k} + X_{-j}^{n,k} \quad j = 1, 2, 3 \dots$$

$$S_j^{n,k} = X_{+j}^{n,k} - X_{-j}^{n,k} \quad j = 1, 2, 3 \dots$$

### 3. SOME METHODS OF COMPUTING HANSEN COEFFICIENTS

Since Cayley's original method was designed for hand computation, it is not particularly adaptable for development on a computer. Tisserand (1888, vol. 1, p. 249) expresses Hansen coefficients as a series involving Bessel functions and hypergeometric series. Tisserand's method was programed with the symbol-manipulating system SPASM and was so slow that it stimulated the literature search that culminated in this note. One coefficient that required 180 sec to compute was eventually found in 30 msec by use of VZA.

The next method tried was direct application of Lagrange's Inversion Theorem (for a description, see Brown and Shook (1933)). Although attractive in some special cases, it is much too slow for general use.

The next method is the simplest; we compute the base set  $X^{1,0}$ ,  $X^{-1,0}$ ,  $X^{0,1}$ , and  $X^{0,-1}$  by any method. Since

$$X^{\pm n, \pm k} = \left( X^{\pm 1, 0} \right)^n \left( X^{0, \pm 1} \right)^k,$$

$X^{n,k}$  can be computed from the base set by multiplication. This method is especially attractive if tables of  $X^{n,k}$  are desired. Twenty seconds of computer time is required for each multiplication if 12th-order terms in  $e$  are retained. A special-purpose program could be written that is 3 to 5 times faster for the symbolic multiplication.

All the previous methods have the following defects:

- a) The methods require manipulation (multiplication or differentiation) of polynomials, a rather slow class of operations.
- b) The computations must be done with rational-fraction coefficients. This is about 10 times slower than is possible with integer coefficients.

The VZA method, which is next described, avoids both these defects at the cost of some added storage and complexity.

#### 4. OUTLINE OF THE VON ZEIPPEL-ANDOYER METHOD

In Section 5, we show how to define  $J_{\rho, \sigma}(n, k)$ , which are polynomials in  $n$  and  $k$  with integer coefficients. For compactness, we write  $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  for  $J_{\rho, \sigma}(n, k)$ . These polynomials are computed only once and are saved for later use.

If a particular Hansen coefficient is desired to  $\mathcal{O}(e^M)$ ,  $M \leq 12$ , we need only evaluate at most  $(M + 1)/2$  of the  $J$ 's for particular values of  $n, k, \rho, \sigma$ . Denominators must now be affixed to the  $J$ 's, and the resulting fractions reduced to lowest terms. Since polynomial evaluation is about an order of magnitude faster for integers than for rational fractions, our ability to do most of the computation in terms of integers affords significant advantages when exact results are required.

## 5. DETAILS

### 5.1 Computation of $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$ for $\rho \geq \sigma \geq 0$

$J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  is a polynomial in  $n$  and  $k$  with integer coefficients. Most of the following development is given by Izsak et al. (1964) and is reprinted here only for completeness. For equations (3) through (5),  $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  with negative  $\rho$  or  $\sigma$  have value 0 and can be ignored.

$$J_{0, 0}^{n, k} = 1 ,$$

$$J_{1, 0}^{n, k} = 2k - n , \quad (3)$$

$$J_{\rho, 0}^{n, k} = (2k - n) J_{\rho-1, 0}^{n, k+1} + (\rho - 1) (k - n) J_{\rho-2, 0}^{n, k+2} , \quad (4)$$

$$\begin{aligned} J_{\rho, \sigma}^{n, k} = & -(2k + n) J_{\rho, \sigma-1}^{n, k-1} - (\sigma - 1) (k + n) J_{\rho, \sigma-2}^{n, k-2} \\ & - \rho (\rho - 5\sigma + 4 + 4k + n) J_{\rho-1, \sigma-1}^{n, k} \\ & + \rho (\rho - \sigma + k) \sum_{\tau \geq 2} c_{\rho \sigma \tau} J_{\rho-\tau, \sigma-\tau}^{n, k} , \end{aligned} \quad (5)$$

where

$$C_{\rho \sigma \tau} = (\rho - 1) (\rho - 2) \cdots (\rho - \tau + 1) (\sigma - 1) (\sigma - 2) \cdots (\sigma - \tau + 1) C_{\tau}$$

and

$$C_{\tau} = (-1)^{\tau} \binom{3/2}{\tau} 2^{2\tau-1} = 3, 2, 3, 6, 14, 36, 99, \cdots .$$

The computation begins with equations (3) and continues in the order

$$\begin{aligned} J_{2,0}^{n,k} &, J_{1,1}^{n,k} , \\ J_{3,0}^{n,k} &, J_{2,1}^{n,k} , \\ J_{4,0}^{n,k} &, J_{3,1}^{n,k} , J_{2,2}^{n,k} , \dots \end{aligned}$$

Equation (4) is used to compute the polynomials in the first column, and equation (5) is used in all other cases.

### 5.2 Computation of $X_{\rho,\sigma}^{n,k}$

$$\begin{aligned} X_{\rho,\sigma}^{n,k} &= X_{\sigma,\rho}^{n,-k} & \rho < \sigma \\ X_{\rho,\sigma}^{n,k} &= \frac{J_{\rho,\sigma}^{n,k}}{(2^{\rho+\sigma} \rho! \sigma!)} & \rho \geq \sigma \end{aligned} \quad (6)$$

### 5.3 Computation of $X_j^{n,k}$

$$X_j^{n,k} = \sum_{\substack{\rho-\sigma=j+k \\ \rho, \sigma \geq 0}} X_{\rho,\sigma}^{n,k} e^{\rho+\sigma} \quad (7)$$

## 6. THE PROGRAMING

Izsak published  $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  for  $\rho, \sigma \geq 0, \rho + \sigma \leq 7$ . We continued the calculation to  $\rho + \sigma \leq 12$ , using the general-purpose symbol-manipulating system SPASM (Hall and Cherniack, 1969). The computation to order 8 took 1.5 min, and the extension of the computation to order 12 took an additional 13.5 min of CDC 6400 time.

The output of our program was in the form of Fortran DATA statements, which became the heart of a Fortran program that computes integer values of  $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  from specific values of  $n, k, \rho$ , and  $\sigma$ .

## 7. REFERENCES

ANDOYER, H.

1903. Contribution à la théorie des petites planètes dont le moyen mouvement est sensiblement double de celui de Jupiter. Bull. Astron., vol. 20, pp. 321-356.

BROWN, E. W., and SHOOK, C. A.

1933. Planetary Theory. Cambridge University Press, Cambridge.

CAYLEY, A.

1861. Tables of the developments of functions in the theory of elliptic motion. Mem. Roy. Astron. Soc., vol. 29, pp. 191-306.

HALL, N. M., and CHERNIACK, J. R.

1969. Smithsonian Package for Algebra and Symbolic Mathematics. Smithsonian Astrophys. Obs. Spec. Rep. No. 291, 49 pp.

IZSAK, I. G., GERARD, J. M., EFIMBA, R., and BARNETT, M. P.

1964. Construction of Newcomb operators on a digital computer. Smithsonian Astrophys. Obs. Spec. Rep. No. 140, 103 pp.

TISSERAND, F.

1888. Traité de Céleste Mécanique. Gauthier-Villars, Paris.

VON ZEIPPEL, H.

1912. Sur le calcul des operateurs de Newcomb. Ark. Mat. Astro. Fys., vol. 8, no. 19, 9 pp.

## APPENDIX

This Appendix contains a brief example, as well as a table of  $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  for  $0 \leq \rho + \sigma \leq 12$ .

The example is the computation of  $r/a$  to  $\mathcal{O}(e)$ . From equation-(1), we have

$$\begin{aligned}
 r/a &= X^{1,0} , \\
 &= \sum_{j=-\infty}^{\infty} X_j^{1,0} z^j , \\
 &= \sum_{j=-\infty}^{\infty} z^j \sum_{\substack{\rho-\sigma=j \\ \rho, \sigma \geq 0}} X_{\rho, \sigma}^{1,0} e^{\rho+\sigma} , \quad (\text{by equation (7)}) , \\
 &= X_{0,0}^{1,0} + \left( X_{0,1}^{1,0} z^{-1} + X_{1,0}^{1,0} z^1 \right) e + \mathcal{O}(e^2) . \tag{A-1}
 \end{aligned}$$

From Section 5.2, it follows that

$$\begin{aligned}
 X_{0,0}^{1,0} &= J_{0,0}^{1,0} , \\
 &= 1 .
 \end{aligned}$$

Similarly,

$$\begin{aligned}
 x_{0,1}^{1,0} &= x_{1,0}^{1,0} , \\
 &= J_{1,0}^{1,0}/2 , \\
 &= (2k - n)/2 \Big|_{k=0}^{n=1} , \\
 &= -1/2 .
 \end{aligned}$$

Substituting in equation (A-1) gives

$$\begin{aligned}
 r/a &= 1 - e(z^{-1} + z)/2 + \mathcal{O}(e^2) , \\
 &= 1 - e \cos M + \mathcal{O}(e^2) .
 \end{aligned}$$

Table A-1. Polynomials in  $n$  and  $k$  for  $J_{\rho, \sigma}^{n, k}$  tabulated for  $0 \leq \rho + \sigma \leq 12$ ,  $\rho \geq \sigma$ .

$J(0, 0) = 1$	
$J(1, 0) = -10n + 20k$	
$J(2, 0) = -50n^2 + 50n + 40k^2 - 40kn + 40k$	
$J(1, 1) = 10n^2 - 40k$	
$J(3, 0) = -170n^3 + 90n^2 - 10n + 460k - 330kn + 60k^2 - 30k^3 - 120k^2n + 80k^3$	
$J(2, 1) = 30n^3 - 10n^2 - 20k + 50kn + 20k^2 - 10k^3 + 40k^2n - 80k^3$	
$J(4, 0) = -1420n^4 + 950n^3 - 180n^2 + 2060k - 330kn + 102k^2 - 80k^3 + 283k^4 - 192k^2n + 20k^4n + 120k^3n - 32k^4n + 16k^5$	
$J(3, 1) = 220n^4 - 10n^3 - 60n^2 + 220k + 470kn + 30k^2 - 40k^3 - 60k^4 + 48k^2n - 60k^3n + 16k^4n - 16k^5$	
$J(4, 1) = 20n^4 - 10n^3 - 20n^2 + 90k - 80k^2 + 10k^3$	
$J(5, 0) = -15690n^5 + 12200n^4 - 3050n^3 + 3050n^2 - 10n + 21940k - 4080kn + 1660k^2 - 230k^3 + 10k^4n + 3360k^2n - 2995k^3n + 660k^4n - 40k^5n + 1790k^6$	
$J(4, 1) = 2310n^5 - 410n^4 + 140n^3 - 10n^2 - 2580k + 572kn + 76k^2 - 42k^3 + 6k^4n - 648k^2n + 617k^3n - 80k^4n - 81k^5n + 296k^6n - 16k^7$	
$J(3, 2) = 30n^5 - 80n^4 + 60n^3 - 10n^2 + 100k - 10kn - 12k^2 + 2k^3 - 9k^4n + 2k^5n - 12k^6n + 26k^7n - 24k^8n + 80k^9$	
$J(6, 0) = -21570n^6 + 18000n^5 - 5595n^4 + 7450n^3 - 450n^2 + 29352k - 60752kn + 29535k^2 - 5530k^3n + 435k^4n - 12k^5n + 48530k^6 - 51615k^7 + 15345k^8n - 1880k^9n + 600k^{10} + 29835k^3 - 18860k^4 - 180k^5n + 8600k^6 - 3120k^7n + 240k^8n + 1200k^9 - 192k^{10}n$	
$J(6, 1) = 180k^6 + 32k^7$	

Table A-1 (Cont.)

J( 5, 1) = 3096\*<sup>2</sup><sub>2</sub>\*<sup>3</sup><sub>3</sub>\*<sup>4</sup><sub>4</sub>\*<sup>5</sup><sub>5</sub>\*<sup>6</sup><sub>6</sub>\*<sup>7</sup><sub>7</sub>\*<sup>8</sup><sub>8</sub>\*<sup>9</sup><sub>9</sub>\*<sup>10</sup><sub>10</sub>\*<sup>11</sup><sub>11</sub>\*<sup>12</sup><sub>12</sub>\*<sup>13</sup><sub>13</sub>\*<sup>14</sup><sub>14</sub>\*<sup>15</sup><sub>15</sub>\*<sup>16</sup><sub>16</sub>\*<sup>17</sup><sub>17</sub>\*<sup>18</sup><sub>18</sub>\*<sup>19</sup><sub>19</sub>\*<sup>20</sup><sub>20</sub>\*<sup>21</sup><sub>21</sub>\*<sup>22</sup><sub>22</sub>\*<sup>23</sup><sub>23</sub>\*<sup>24</sup><sub>24</sub>\*<sup>25</sup><sub>25</sub>\*<sup>26</sup><sub>26</sub>\*<sup>27</sup><sub>27</sub>\*<sup>28</sup><sub>28</sub>\*<sup>29</sup><sub>29</sub>\*<sup>30</sup><sub>30</sub>\*<sup>31</sup><sub>31</sub>\*<sup>32</sup><sub>32</sub>\*<sup>33</sup><sub>33</sub>\*<sup>34</sup><sub>34</sub>\*<sup>35</sup><sub>35</sub>\*<sup>36</sup><sub>36</sub>\*<sup>37</sup><sub>37</sub>\*<sup>38</sup><sub>38</sub>\*<sup>39</sup><sub>39</sub>\*<sup>40</sup><sub>40</sub>\*<sup>41</sup><sub>41</sub>\*<sup>42</sup><sub>42</sub>\*<sup>43</sup><sub>43</sub>\*<sup>44</sup><sub>44</sub>\*<sup>45</sup><sub>45</sub>\*<sup>46</sup><sub>46</sub>\*<sup>47</sup><sub>47</sub>\*<sup>48</sup><sub>48</sub>\*<sup>49</sup><sub>49</sub>\*<sup>50</sup><sub>50</sub>\*<sup>51</sup><sub>51</sub>\*<sup>52</sup><sub>52</sub>\*<sup>53</sup><sub>53</sub>\*<sup>54</sup><sub>54</sub>\*<sup>55</sup><sub>55</sub>\*<sup>56</sup><sub>56</sub>\*<sup>57</sup><sub>57</sub>\*<sup>58</sup><sub>58</sub>\*<sup>59</sup><sub>59</sub>\*<sup>60</sup><sub>60</sub>\*<sup>61</sup><sub>61</sub>\*<sup>62</sup><sub>62</sub>\*<sup>63</sup><sub>63</sub>\*<sup>64</sup><sub>64</sub>\*<sup>65</sup><sub>65</sub>\*<sup>66</sup><sub>66</sub>\*<sup>67</sup><sub>67</sub>\*<sup>68</sup><sub>68</sub>\*<sup>69</sup><sub>69</sub>\*<sup>70</sup><sub>70</sub>\*<sup>71</sup><sub>71</sub>\*<sup>72</sup><sub>72</sub>\*<sup>73</sup><sub>73</sub>\*<sup>74</sup><sub>74</sub>\*<sup>75</sup><sub>75</sub>\*<sup>76</sup><sub>76</sub>\*<sup>77</sup><sub>77</sub>\*<sup>78</sup><sub>78</sub>\*<sup>79</sup><sub>79</sub>\*<sup>80</sup><sub>80</sub>\*<sup>81</sup><sub>81</sub>\*<sup>82</sup><sub>82</sub>\*<sup>83</sup><sub>83</sub>\*<sup>84</sup><sub>84</sub>\*<sup>85</sup><sub>85</sub>\*<sup>86</sup><sub>86</sub>\*<sup>87</sup><sub>87</sub>\*<sup>88</sup><sub>88</sub>\*<sup>89</sup><sub>89</sub>\*<sup>90</sup><sub>90</sub>\*<sup>91</sup><sub>91</sub>\*<sup>92</sup><sub>92</sub>\*<sup>93</sup><sub>93</sub>\*<sup>94</sup><sub>94</sub>\*<sup>95</sup><sub>95</sub>\*<sup>96</sup><sub>96</sub>\*<sup>97</sup><sub>97</sub>\*<sup>98</sup><sub>98</sub>\*<sup>99</sup><sub>99</sub>\*<sup>100</sup><sub>100</sub>\*<sup>101</sup><sub>101</sub>\*<sup>102</sup><sub>102</sub>\*<sup>103</sup><sub>103</sub>\*<sup>104</sup><sub>104</sub>\*<sup>105</sup><sub>105</sub>\*<sup>106</sup><sub>106</sub>\*<sup>107</sup><sub>107</sub>\*<sup>108</sup><sub>108</sub>\*<sup>109</sup><sub>109</sub>\*<sup>110</sup><sub>110</sub>\*<sup>111</sup><sub>111</sub>\*<sup>112</sup><sub>112</sub>\*<sup>113</sup><sub>113</sub>\*<sup>114</sup><sub>114</sub>\*<sup>115</sup><sub>115</sub>\*<sup>116</sup><sub>116</sub>\*<sup>117</sup><sub>117</sub>\*<sup>118</sup><sub>118</sub>\*<sup>119</sup><sub>119</sub>\*<sup>120</sup><sub>120</sub>\*<sup>121</sup><sub>121</sub>\*<sup>122</sup><sub>122</sub>\*<sup>123</sup><sub>123</sub>\*<sup>124</sup><sub>124</sub>\*<sup>125</sup><sub>125</sub>\*<sup>126</sup><sub>126</sub>\*<sup>127</sup><sub>127</sub>\*<sup>128</sup><sub>128</sub>\*<sup>129</sup><sub>129</sub>\*<sup>130</sup><sub>130</sub>\*<sup>131</sup><sub>131</sub>\*<sup>132</sup><sub>132</sub>\*<sup>133</sup><sub>133</sub>\*<sup>134</sup><sub>134</sub>\*<sup>135</sup><sub>135</sub>\*<sup>136</sup><sub>136</sub>\*<sup>137</sup><sub>137</sub>\*<sup>138</sup><sub>138</sub>\*<sup>139</sup><sub>139</sub>\*<sup>140</sup><sub>140</sub>\*<sup>141</sup><sub>141</sub>\*<sup>142</sup><sub>142</sub>\*<sup>143</sup><sub>143</sub>\*<sup>144</sup><sub>144</sub>\*<sup>145</sup><sub>145</sub>\*<sup>146</sup><sub>146</sub>\*<sup>147</sup><sub>147</sub>\*<sup>148</sup><sub>148</sub>\*<sup>149</sup><sub>149</sub>\*<sup>150</sup><sub>150</sub>\*<sup>151</sup><sub>151</sub>\*<sup>152</sup><sub>152</sub>\*<sup>153</sup><sub>153</sub>\*<sup>154</sup><sub>154</sub>\*<sup>155</sup><sub>155</sub>\*<sup>156</sup><sub>156</sub>\*<sup>157</sup><sub>157</sub>\*<sup>158</sup><sub>158</sub>\*<sup>159</sup><sub>159</sub>\*<sup>160</sup><sub>160</sub>\*<sup>161</sup><sub>161</sub>\*<sup>162</sup><sub>162</sub>\*<sup>163</sup><sub>163</sub>\*<sup>164</sup><sub>164</sub>\*<sup>165</sup><sub>165</sub>\*<sup>166</sup><sub>166</sub>\*<sup>167</sup><sub>167</sub>\*<sup>168</sup><sub>168</sub>\*<sup>169</sup><sub>169</sub>\*<sup>170</sup><sub>170</sub>\*<sup>171</sup><sub>171</sub>\*<sup>172</sup><sub>172</sub>\*<sup>173</sup><sub>173</sub>\*<sup>174</sup><sub>174</sub>\*<sup>175</sup><sub>175</sub>\*<sup>176</sup><sub>176</sub>\*<sup>177</sup><sub>177</sub>\*<sup>178</sup><sub>178</sub>\*<sup>179</sup><sub>179</sub>\*<sup>180</sup><sub>180</sub>\*<sup>181</sup><sub>181</sub>\*<sup>182</sup><sub>182</sub>\*<sup>183</sup><sub>183</sub>\*<sup>184</sup><sub>184</sub>\*<sup>185</sup><sub>185</sub>\*<sup>186</sup><sub>186</sub>\*<sup>187</sup><sub>187</sub>\*<sup>188</sup><sub>188</sub>\*<sup>189</sup><sub>189</sub>\*<sup>190</sup><sub>190</sub>\*<sup>191</sup><sub>191</sub>\*<sup>192</sup><sub>192</sub>\*<sup>193</sup><sub>193</sub>\*<sup>194</sup><sub>194</sub>\*<sup>195</sup><sub>195</sub>\*<sup>196</sup><sub>196</sub>\*<sup>197</sup><sub>197</sub>\*<sup>198</sup><sub>198</sub>\*<sup>199</sup><sub>199</sub>\*<sup>200</sup><sub>200</sub>\*<sup>201</sup><sub>201</sub>\*<sup>202</sup><sub>202</sub>\*<sup>203</sup><sub>203</sub>\*<sup>204</sup><sub>204</sub>\*<sup>205</sup><sub>205</sub>\*<sup>206</sup><sub>206</sub>\*<sup>207</sup><sub>207</sub>\*<sup>208</sup><sub>208</sub>\*<sup>209</sup><sub>209</sub>\*<sup>210</sup><sub>210</sub>\*<sup>211</sup><sub>211</sub>\*<sup>212</sup><sub>212</sub>\*<sup>213</sup><sub>213</sub>\*<sup>214</sup><sub>214</sub>\*<sup>215</sup><sub>215</sub>\*<sup>216</sup><sub>216</sub>\*<sup>217</sup><sub>217</sub>\*<sup>218</sup><sub>218</sub>\*<sup>219</sup><sub>219</sub>\*<sup>220</sup><sub>220</sub>\*<sup>221</sup><sub>221</sub>\*<sup>222</sup><sub>222</sub>\*<sup>223</sup><sub>223</sub>\*<sup>224</sup><sub>224</sub>\*<sup>225</sup><sub>225</sub>\*<sup>226</sup><sub>226</sub>\*<sup>227</sup><sub>227</sub>\*<sup>228</sup><sub>228</sub>\*<sup>229</sup><sub>229</sub>\*<sup>230</sup><sub>230</sub>\*<sup>231</sup><sub>231</sub>\*<sup>232</sup><sub>232</sub>\*<sup>233</sup><sub>233</sub>\*<sup>234</sup><sub>234</sub>\*<sup>235</sup><sub>235</sub>\*<sup>236</sup><sub>236</sub>\*<sup>237</sup><sub>237</sub>\*<sup>238</sup><sub>238</sub>\*<sup>239</sup><sub>239</sub>\*<sup>240</sup><sub>240</sub>\*<sup>241</sup><sub>241</sub>\*<sup>242</sup><sub>242</sub>\*<sup>243</sup><sub>243</sub>\*<sup>244</sup><sub>244</sub>\*<sup>245</sup><sub>245</sub>\*<sup>246</sup><sub>246</sub>\*<sup>247</sup><sub>247</sub>\*<sup>248</sup><sub>248</sub>\*<sup>249</sup><sub>249</sub>\*<sup>250</sup><sub>250</sub>\*<sup>251</sup><sub>251</sub>\*<sup>252</sup><sub>252</sub>\*<sup>253</sup><sub>253</sub>\*<sup>254</sup>

Table A-1 (Cont.)

J( 8. 0) = -6805296\*<sup>2</sup>EN+6852460\*<sup>2</sup>EN -2581964\*<sup>3</sup>EN+564772\*<sup>4</sup>EN-49840\*<sup>5</sup>EN+2842\*<sup>6</sup>EN-84\*<sup>7</sup>EN+8902\*<sup>8</sup>EN-2137C136\*<sup>6</sup>EN+13040916\*<sup>2</sup>EN-3433388\*<sup>6</sup>EN  
 +588640\*<sup>4</sup>EN-32396\*<sup>5</sup>EN+1148\*<sup>6</sup>EN-16\*<sup>7</sup>EN+16352684\*<sup>7</sup>-21771428\*<sup>7</sup>EN+9077782\*<sup>6</sup>EN-1683785\*<sup>6</sup>EN+153650\*<sup>2</sup>EN-6720\*<sup>4</sup>EN  
 +112\*<sup>6</sup>EN+14000804\*<sup>3</sup>-10613820\*<sup>3</sup>EN+3082100\*<sup>3</sup>EN-388080\*<sup>3</sup>EN+1840\*<sup>3</sup>EN-4450\*<sup>3</sup>EN+628037\*<sup>4</sup>-2812320\*<sup>4</sup>EN+55048\*<sup>4</sup>EN  
 EN-42560\*<sup>4</sup>EN+1120\*<sup>4</sup>EN+1023140\*<sup>5</sup>-415744\*<sup>5</sup>EN+9728\*<sup>5</sup>EN-1792\*<sup>5</sup>EN+13052\*<sup>6</sup>-3150\*<sup>6</sup>EN+1792\*<sup>6</sup>EN+8960\*<sup>6</sup>EN-1024  
 /  
 \*<sup>8</sup>EN-256\*<sup>8</sup>  
 J( 1. 1) = 552848\*<sup>2</sup>EN-68796\*<sup>2</sup>EN+84280\*<sup>3</sup>+33644\*<sup>4</sup>-10640\*<sup>5</sup>+1162\*<sup>6</sup>-56\*<sup>7</sup>EN-1139472\*<sup>6</sup>+2950800\*<sup>6</sup>EN-1351154\*<sup>2</sup>EN+114793\*<sup>3</sup>EN-35525\*<sup>3</sup>EN  
 EN-7693\*<sup>5</sup>EN+525\*<sup>6</sup>EN-12\*<sup>7</sup>EN-2643828\*<sup>2</sup>+3594304\*<sup>2</sup>EN-1171023\*<sup>2</sup>EN+89250\*<sup>2</sup>EN+10745\*<sup>2</sup>EN-1680\*<sup>2</sup>EN+56\*<sup>2</sup>EN  
 -2590518\*<sup>3</sup>+2298653\*<sup>3</sup>EN-546875\*<sup>3</sup>EN+36260\*<sup>3</sup>EN+980\*<sup>3</sup>EN-112\*<sup>3</sup>EN-1366792\*<sup>4</sup>+830480\*<sup>4</sup>EN-138880\*<sup>4</sup>EN+6720\*<sup>4</sup>EN  
 -415380\*<sup>5</sup>+168898\*<sup>5</sup>EN-17808\*<sup>5</sup>EN+448\*<sup>5</sup>EN-72464\*<sup>6</sup>+17920\*<sup>6</sup>EN-896\*<sup>6</sup>EN-6720\*<sup>6</sup>EN+768\*<sup>7</sup>EN-256\*<sup>8</sup>  
 J( 6. 2) = -55728\*<sup>2</sup>EN+15052\*<sup>2</sup>EN+8612\*<sup>3</sup>EN+889\*<sup>4</sup>-2000\*<sup>5</sup>+442\*<sup>6</sup>-36\*<sup>7</sup>EN+65968\*<sup>7</sup>-191916\*<sup>2</sup>EN+31906\*<sup>2</sup>EN+22074\*<sup>2</sup>EN-2560\*<sup>4</sup>EN-1062\*<sup>4</sup>EN  
 +190\*<sup>6</sup>EN-8\*<sup>7</sup>EN+192608\*<sup>2</sup>-269444\*<sup>2</sup>EN+18306\*<sup>2</sup>EN+26580\*<sup>2</sup>EN-4290\*<sup>2</sup>EN+16\*<sup>2</sup>EN+262622\*<sup>3</sup>-230926\*<sup>3</sup>EN+11330\*<sup>3</sup>EN  
 +12360\*<sup>3</sup>EN-1560\*<sup>3</sup>EN+32\*<sup>3</sup>EN+218177\*<sup>4</sup>-131680\*<sup>4</sup>EN+8400\*<sup>4</sup>EN+2240\*<sup>4</sup>EN-160\*<sup>4</sup>EN+109320\*<sup>5</sup>-44544\*<sup>5</sup>EN+2592\*<sup>5</sup>EN  
 +128\*<sup>5</sup>EN+30944\*<sup>6</sup>-7680\*<sup>6</sup>EN+256\*<sup>6</sup>EN+4480\*<sup>6</sup>EN-512\*<sup>7</sup>EN-256\*<sup>8</sup>  
 J( 5. 3) = 1296\*<sup>2</sup>EN-1084\*<sup>2</sup>EN-168\*<sup>3</sup>EN+1008\*<sup>3</sup>EN-720\*<sup>4</sup>EN+202\*<sup>5</sup>-24\*<sup>6</sup>EN+688\*<sup>6</sup>EN+2032\*<sup>6</sup>EN+642\*<sup>6</sup>EN+275\*<sup>6</sup>EN-385\*<sup>6</sup>EN-79\*<sup>6</sup>EN+47\*<sup>6</sup>EN-4\*<sup>6</sup>EN  
 -6164\*<sup>2</sup>EN+8768\*<sup>2</sup>EN-1671\*<sup>2</sup>EN+2610\*<sup>2</sup>EN-1535\*<sup>2</sup>EN+240\*<sup>2</sup>EN-8\*<sup>2</sup>EN-9586\*<sup>3</sup>+3919\*<sup>3</sup>EN+2695\*<sup>3</sup>EN-180\*<sup>3</sup>EN+12\*<sup>3</sup>EN  
 +48\*<sup>3</sup>EN-1352\*<sup>4</sup>EN-880\*<sup>4</sup>EN+4480\*<sup>4</sup>EN-560\*<sup>4</sup>EN-4380\*<sup>5</sup>+1856\*<sup>5</sup>EN+1488\*<sup>5</sup>EN-192\*<sup>5</sup>EN-6032\*<sup>6</sup>+1536\*<sup>6</sup>EN+128\*<sup>6</sup>EN  
 -2240\*<sup>7</sup>EN+256\*<sup>8</sup>

Table A-1 (Cont.)

J( 4, 4)	=	720EN-1044EN <sup>4</sup> -140EN <sup>3</sup> +889EN <sup>4</sup> -560EN <sup>5</sup> +154EN <sup>6</sup> -20EN <sup>7</sup> -7140EN <sup>2</sup> +2012EN <sup>2</sup> EN-3674EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +2268EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -958EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -192EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -16EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup>
		+7801EN <sup>4</sup> -2720EN <sup>4</sup> EN+2128EN <sup>4</sup> EN <sup>2</sup> -576EN <sup>4</sup> EN <sup>3</sup> +76EN <sup>4</sup> EN <sup>2</sup> -2272EN <sup>4</sup> +512EN <sup>6</sup> EN-256EN <sup>6</sup> EN <sup>2</sup> +256EN <sup>8</sup>
J( 4, 0)	=	-148869153EN+158479482EN -64727522EN <sup>3</sup> +1351116EN <sup>4</sup> -1632099EN <sup>5</sup> +116172EN <sup>6</sup> -4830EN <sup>7</sup> -10EN <sup>8</sup> -191915074EN <sup>9</sup> -486603432EN <sup>9</sup>
		+321495288EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -94566292EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +14740020EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -1298556EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +64680EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -16924EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -134EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +366387696EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -527559990EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup>
		-24550992EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -53085016EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +6036660EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -370818EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +11592EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -144EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -285672572EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -281715336EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +9327584EN <sup>2</sup>
		+110830EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -2016EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +30357474EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -1533-704EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +2576400EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -173376EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +4032EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -471132EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -1629400EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup>
		+169344EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -5376EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +44217EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -94466EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +6688EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +23040EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> -2304EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup> +512EN <sup>2</sup> EN <sup>2</sup>
J( 8, 1)	=	20708079EN-10863440EN <sup>2</sup> +3397822EN <sup>3</sup> +351996EN <sup>4</sup> -220899EN <sup>5</sup> +32508EN <sup>6</sup> -2254EN <sup>7</sup> -76EN <sup>8</sup> -1EN <sup>9</sup> -24825794EN <sup>9</sup> +6703480EN <sup>9</sup> -35394136EN <sup>9</sup>
		+5252716EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +418399EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -193428EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +18748EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -868EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +144EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -57696576EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +84361490EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -32280360EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +3912174EN <sup>3</sup>
		EN <sup>3</sup> +104020EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -34586EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +3754EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -80EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -57407276EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +56561344EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -16246384EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +1613460EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -9940EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup>
		-6160EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +224EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -31660832EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +22292543EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -4755240EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +362320EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -5600EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -224EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -10522834EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +3299504EN <sup>3</sup>
		EN-798112EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +40768EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -448EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -2152864EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +743904EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -78784EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +1792EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -264768EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +56576EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -2560EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup>
		-17920EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +1792EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -512EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup>
J( 1, 2)	=	-1421045EN+647572EN <sup>2</sup> +118014EN <sup>3</sup> -30912EN <sup>4</sup> -24059EN <sup>5</sup> +8288EN <sup>6</sup> -994EN <sup>7</sup> -1EN <sup>8</sup> +1649210EN <sup>9</sup> -4900542EN <sup>9</sup> +1464916EN <sup>9</sup> -326104EN <sup>9</sup>
		EN <sup>3</sup> -1035864EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -10570EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +4480EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -380EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +10EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +4724220EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -7052444EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +1361500EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +407652EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -114660EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup>
		+4284EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +560EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -32EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +6167864EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -5984090EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +859488EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +206080EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -7040EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +2240EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +4826500EN <sup>3</sup>
		-332399EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +09440EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +3120EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -7840EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +224EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +2381134EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -1186416EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +120288EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +3136EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -448EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup>
		+72800EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -250880EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +17920EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +11712EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -28160EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +1024EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +12800EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> -1280EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup> +512EN <sup>3</sup> EN <sup>3</sup>

Table A-1 (Cont.)

J( 0. 3)	=	3105104-108300 <sup>2</sup> -42740 <sup>3</sup> +79920 <sup>4</sup> -74100 <sup>5</sup> +28080 <sup>6</sup> -47400 <sup>7</sup> +3000 <sup>8</sup> -1000 <sup>9</sup> -1751400 <sup>10</sup> +73100 <sup>11</sup> +1000000 <sup>12</sup> -1029000 <sup>13</sup> -674200 <sup>14</sup> +318000 <sup>15</sup> +752000 <sup>16</sup> -132000 <sup>17</sup> +60000 <sup>18</sup> -1377200 <sup>19</sup> +2262300 <sup>20</sup> -548000 <sup>21</sup> +701600 <sup>22</sup> -100000 <sup>23</sup> +70000 <sup>24</sup> -28800 <sup>25</sup> -240016 <sup>26</sup> +1992540 <sup>27</sup> +4458240 <sup>28</sup> -174000 <sup>29</sup> -58000 <sup>30</sup> +144000 <sup>31</sup> -64000 <sup>32</sup> -1960680 <sup>33</sup> +950850 <sup>34</sup> -603600 <sup>35</sup> -205600 <sup>36</sup> -4800 <sup>37</sup> +9000 <sup>38</sup> -1601340 <sup>39</sup> +697440 <sup>40</sup> +214080 <sup>41</sup> -59520 <sup>42</sup> +19200 <sup>43</sup> -1128960 <sup>44</sup> +383360 <sup>45</sup> +230000 <sup>46</sup> -51200 <sup>47</sup> -430000 <sup>48</sup> +92160 <sup>49</sup> -76800 <sup>50</sup> +16800 <sup>51</sup> -51200 <sup>52</sup>
J( 5. 4)	=	522300-839200 <sup>2</sup> +14200 <sup>3</sup> +662800 <sup>4</sup> -505900 <sup>5</sup> +173200 <sup>6</sup> -31000 <sup>7</sup> +28000 <sup>8</sup> -1000 <sup>9</sup> -1243400 <sup>10</sup> +756000 <sup>11</sup> +80000 <sup>12</sup> +1704000 <sup>13</sup> -558000 <sup>14</sup> -640000 <sup>15</sup> +1200000 <sup>16</sup> -200000 <sup>17</sup> +4461600 <sup>18</sup> +2532600 <sup>19</sup> -2809000 <sup>20</sup> +2018600 <sup>21</sup> -934000 <sup>22</sup> +248200 <sup>23</sup> -32800 <sup>24</sup> +16000 <sup>25</sup> -2474800 <sup>26</sup> -795500 <sup>27</sup> +171200 <sup>28</sup> -38000 <sup>29</sup> -50000 <sup>30</sup> +24000 <sup>31</sup> -32000 <sup>32</sup> +569360 <sup>33</sup> -2810100 <sup>34</sup> +1772000 <sup>35</sup> -664000 <sup>36</sup> +144000 <sup>37</sup> -96000 <sup>38</sup> +1167400 <sup>39</sup> +97600 <sup>40</sup> +80000 <sup>41</sup> -57600 <sup>42</sup> +19200 <sup>43</sup> -163520 <sup>44</sup> +59200 <sup>45</sup> -294400 <sup>46</sup> +25600 <sup>47</sup> -134400 <sup>48</sup> +25600 <sup>49</sup> -51200 <sup>50</sup> -256000 <sup>51</sup> -25600 <sup>52</sup> +51200 <sup>53</sup>
J(10. 6)	=	-3667215680000008534993600 <sup>2</sup> -178399506000 <sup>3</sup> +9998764000 <sup>4</sup> -5554573500 <sup>5</sup> +465471300 <sup>6</sup> -24339000 <sup>7</sup> +771000 <sup>8</sup> -135000 <sup>9</sup> +46000000000 <sup>10</sup> -12377921072000 <sup>11</sup> +8734581300000 <sup>12</sup> -2809439920000 <sup>13</sup> +4936324050000 <sup>14</sup> -51160368000 <sup>15</sup> +32027100000 <sup>16</sup> -1186200000 <sup>17</sup> +23850000 <sup>18</sup> -20000 <sup>19</sup> +914257153600 <sup>20</sup> -1412356902000 <sup>21</sup> +718041654000 <sup>22</sup> -174874497000 <sup>23</sup> +23377515000 <sup>24</sup> -1803627000 <sup>25</sup> +797790000 <sup>26</sup> -18726000 <sup>27</sup> +180000 <sup>28</sup> +753298278000 <sup>29</sup> -810833588000 <sup>30</sup> +308620095000 <sup>31</sup> -56838308000 <sup>32</sup> +5634615000 <sup>33</sup> -3043480000 <sup>34</sup> +85680000 <sup>35</sup> -96000 <sup>36</sup> +341137162000 <sup>37</sup> -271255729500 <sup>38</sup> +77539780500 <sup>39</sup> -10345360000 <sup>40</sup> +734580000 <sup>41</sup> -25200000 <sup>42</sup> +336000 <sup>43</sup> +344961464500 <sup>44</sup> -562674756000 <sup>45</sup> +118223280000 <sup>46</sup> -11262720000 <sup>47</sup> +49392000 <sup>48</sup> -8064000 <sup>49</sup> +16965051600 <sup>50</sup> -7356672000 <sup>51</sup> +10782240000 <sup>52</sup> -645120000 <sup>53</sup> +13440000 <sup>54</sup> +1955184000 <sup>55</sup> -589248000 <sup>56</sup> +54144000 <sup>57</sup> -1536000 <sup>58</sup> +140736000 <sup>59</sup> -264960000 <sup>60</sup> +11520000 <sup>61</sup> +5760000 <sup>62</sup> -5120000 <sup>63</sup> +1024000 <sup>64</sup>

Table A-1 (Cont.)

J( 0. 1 )	= 506758328 *N - 452619408 *N <sup>2</sup> + 118669404 *N <sup>3</sup> - 1274344 *N <sup>4</sup> + 4588899 *N <sup>5</sup> + 904953 *N <sup>6</sup> - 81942 *N <sup>7</sup> + 3966 *N <sup>8</sup> - 99 *N <sup>9</sup> - 60742182 *N <sup>10</sup>									
	+ 1701902832 *N <sup>2</sup> - 1001042508 *N <sup>3</sup> + 19831004 *N <sup>4</sup> - 2154768 *N <sup>5</sup> - 4461660 *N <sup>6</sup> + 666708 *N <sup>7</sup> - 43104 *N <sup>8</sup> + 1332 *N <sup>9</sup> - 16 *N <sup>10</sup>									
J( 0. 2 )	= -1419152736 *N <sup>2</sup> + 2205711756 *N <sup>3</sup> - 954721752 *N <sup>4</sup> + 152322618 *N <sup>5</sup> - 3868074 *N <sup>6</sup> - 1485162 *N <sup>7</sup> + 170898 *N <sup>8</sup> - 7200 *N <sup>9</sup> + 108 *N <sup>10</sup>									
	+ 1598216432 *N <sup>3</sup> - 510136872 *N <sup>4</sup> + 16937760 *N <sup>5</sup> + 66287592 *N <sup>6</sup> - 2290260 *N <sup>7</sup> - 205296 *N <sup>8</sup> + 18144 *N <sup>9</sup> - 38 *N <sup>10</sup>									
J( 0. 3 )	= -819824536 *N <sup>4</sup> + 647206833 *N <sup>5</sup> - 16498791 *N <sup>6</sup> + 16937760 *N <sup>7</sup> - 57320 *N <sup>8</sup> - 10080 *N <sup>9</sup> + 672 *N <sup>10</sup> - 291164496 *N <sup>11</sup> + 17164832 *N <sup>12</sup>									
	+ 2489088 *N <sup>5</sup> - 64512 *N <sup>6</sup> - 66533124 *N <sup>7</sup> + 28719264 *N <sup>8</sup> - 3898272 *N <sup>9</sup> + 193536 *N <sup>10</sup> - 2688 *N <sup>11</sup> - 9782476 *N <sup>12</sup>									
J( 0. 4 )	= -2943744 *N <sup>7</sup> + 253440 *N <sup>8</sup> + 6144 *N <sup>9</sup> - 893568 *N <sup>10</sup> + 168192 *N <sup>11</sup> - 6912 *N <sup>12</sup> - 46080 *N <sup>13</sup> + 4096 *N <sup>14</sup> - 1024 *N <sup>15</sup>									
	+ 288332 *N <sup>8</sup> - 1257544 *N <sup>9</sup> - 219975 *N <sup>10</sup> + 155001 *N <sup>11</sup> - 25662 *N <sup>12</sup> + 1956 *N <sup>13</sup> - 71 *N <sup>14</sup> + 44645760 *N <sup>15</sup> - 135410208 *N <sup>16</sup>									
J( 0. 5 )	= -2601920 *N <sup>3</sup> - 3007837 *N <sup>4</sup> + 55328 *N <sup>5</sup> + 92330 *N <sup>6</sup> - 12868 *N <sup>7</sup> + 663 *N <sup>8</sup> - 12 *N <sup>9</sup> + 123538288 *N <sup>10</sup> - 198236236 *N <sup>11</sup>									
	+ 4594870 *N <sup>4</sup> - 298635 *N <sup>5</sup> + 239442 *N <sup>6</sup> + 10654 *N <sup>7</sup> - 1824 *N <sup>8</sup> + 52 *N <sup>9</sup> + 159781428 *N <sup>10</sup> - 16851858 *N <sup>11</sup>									
J( 0. 6 )	= -2510676 *N <sup>3</sup> - 1317190 *N <sup>4</sup> + 105784 *N <sup>5</sup> - 1456 *N <sup>6</sup> + 64 *N <sup>7</sup> + 12142448 *N <sup>8</sup> - 93589727 *N <sup>9</sup> + 16449405 *N <sup>10</sup>									
	- 274680 *N <sup>4</sup> + 16800 *N <sup>5</sup> - 224 *N <sup>6</sup> + 59562867 *N <sup>7</sup> - 34433756 *N <sup>8</sup> + 4922064 *N <sup>9</sup> - 26880 *N <sup>10</sup> - 26208 *N <sup>11</sup> + 898 *N <sup>12</sup>									
J( 0. 7 )	= -8152480 *N <sup>6</sup> + 886816 *N <sup>7</sup> - 14336 *N <sup>8</sup> - 896 *N <sup>9</sup> + 3919776 *N <sup>10</sup> - 1175168 *N <sup>11</sup> + 85248 *N <sup>12</sup> - 1024 *N <sup>13</sup> + 493952 *N <sup>14</sup>									
	+ 34560 *N <sup>9</sup> - 3072 *N <sup>10</sup> + 102 *N <sup>11</sup>									
J( 0. 8 )	= 1105792 *N <sup>2</sup> - 329744 *N <sup>3</sup> - 164068 *N <sup>4</sup> + 91384 *N <sup>5</sup> + 40761 *N <sup>6</sup> - 9142 *N <sup>7</sup> + 990 *N <sup>8</sup> - 51 *N <sup>9</sup> - 1036160 *N <sup>10</sup> + 3972112 *N <sup>11</sup> - 365484 *N <sup>12</sup>									
	- 63056 *N <sup>4</sup> + 32074 *N <sup>5</sup> + 9170 *N <sup>6</sup> - 3152 *N <sup>7</sup> + 282 *N <sup>8</sup> - 8 *N <sup>9</sup> - 4459008 *N <sup>10</sup> + 7522912 *N <sup>11</sup> - 547420 *N <sup>12</sup> - 405622 *N <sup>13</sup>									
J( 0. 9 )	= -228690 *N <sup>2</sup> + 95382 *N <sup>3</sup> - 9086 *N <sup>4</sup> + 90 *N <sup>5</sup> + 12 *N <sup>6</sup> - 753782 *N <sup>7</sup> + 7472574 *N <sup>8</sup> + 280924 *N <sup>9</sup> - 618492 *N <sup>10</sup> - 70 *N <sup>11</sup> + 4 *N <sup>12</sup>									
	+ 54 *N <sup>6</sup> - 706170 *N <sup>7</sup> + 4678597 *N <sup>8</sup> + 663453 *N <sup>9</sup> - 484960 *N <sup>10</sup> + 29960 *N <sup>11</sup> + 3360 *N <sup>12</sup> + 2 *N <sup>13</sup> + 6 *N <sup>14</sup>									
J( 1. 0 )	= -2542400 *N <sup>5</sup> + 239904 *N <sup>6</sup> - 156800 *N <sup>7</sup> + 10752 *N <sup>8</sup> - 273028 *N <sup>9</sup> + 1105440 *N <sup>10</sup> + 9184 *N <sup>11</sup> - 21504 *N <sup>12</sup> + 896 *N <sup>13</sup>									
	+ 291712 *N <sup>7</sup> - 6912 *N <sup>8</sup> - 1024 *N <sup>9</sup> - 208512 *N <sup>10</sup> + 39168 *N <sup>11</sup> - 768 *N <sup>12</sup> - 23040 *N <sup>13</sup> + 2048 *N <sup>14</sup> - 1024 *N <sup>15</sup>									

Table A-1 (Cont.)

2 3 5 7 8 9 10  
 = +4672\*<sup>2</sup>N-82640\*<sup>3</sup>N +59512\*<sup>5</sup>N -5553\*<sup>7</sup>N +21753\*<sup>8</sup>N -4862\*<sup>9</sup>N +606\*<sup>10</sup>N -86656\*<sup>2</sup>N -19472\*<sup>3</sup>N -17132\*<sup>4</sup>N +21338\*<sup>5</sup>N  
 -10839\*<sup>6</sup>N +712\*<sup>7</sup>N +1862\*<sup>8</sup>N -716\*<sup>9</sup>N +43\*<sup>10</sup>N -43\*<sup>11</sup>N -24086\*<sup>2</sup>N +30554\*<sup>3</sup>N -20244\*<sup>4</sup>N +215702\*<sup>5</sup>N -104642\*<sup>6</sup>N  
 +34578\*<sup>7</sup>N -6082\*<sup>8</sup>N +480\*<sup>9</sup>N -12\*<sup>10</sup>N -272844\*<sup>2</sup>N -81660\*<sup>3</sup>N -31474\*<sup>4</sup>N -336\*<sup>5</sup>N -3290\*<sup>6</sup>N +938\*<sup>7</sup>N -1104\*<sup>8</sup>N  
 +64\*<sup>9</sup>N +477796\*<sup>2</sup>N -385943\*<sup>3</sup>N +155557\*<sup>4</sup>N -82720\*<sup>5</sup>N +23880\*<sup>6</sup>N -2400\*<sup>7</sup>N +32\*<sup>8</sup>N +246849\*<sup>9</sup>N -32564\*<sup>10</sup>N -7056\*<sup>11</sup>N  
 +9472\*<sup>2</sup>N +5088\*<sup>3</sup>N -36\*<sup>4</sup>N -72396\*<sup>5</sup>N +65376\*<sup>6</sup>N -44768\*<sup>7</sup>N +6144\*<sup>8</sup>N +128\*<sup>9</sup>N +704\*<sup>10</sup>N +1664\*<sup>11</sup>N -11520\*<sup>12</sup>N  
 +1024\*<sup>13</sup>N +37248\*<sup>14</sup>N -6912\*<sup>15</sup>N -768\*<sup>16</sup>N +11520\*<sup>17</sup>N -1024\*<sup>18</sup>N +1024\*<sup>19</sup>N  
 = 40320\*<sup>2</sup>N -69264\*<sup>3</sup>N +8540\*<sup>4</sup>N +50840\*<sup>5</sup>N -44835\*<sup>6</sup>N +17913\*<sup>7</sup>N -3990\*<sup>8</sup>N +510\*<sup>9</sup>N -354\*<sup>10</sup>N -512736\*<sup>2</sup>N +160060\*<sup>3</sup>N -261320\*<sup>4</sup>N +175610\*<sup>5</sup>N  
 +89610\*<sup>6</sup>N -27030\*<sup>7</sup>N +4910\*<sup>8</sup>N +480\*<sup>9</sup>N -20\*<sup>10</sup>N +554280\*<sup>2</sup>N -225055\*<sup>3</sup>N +17425\*<sup>4</sup>N -63200\*<sup>5</sup>N -63200\*<sup>6</sup>N -17000\*<sup>7</sup>N  
 -2400\*<sup>8</sup>N +160\*<sup>9</sup>N -165316\*<sup>2</sup>N +53920\*<sup>3</sup>N -27040\*<sup>4</sup>N +5120\*<sup>5</sup>N -640\*<sup>6</sup>N +19840\*<sup>7</sup>N -3840\*<sup>8</sup>N +1280\*<sup>9</sup>N -1024\*<sup>10</sup>N  
 = -99920609601\*<sup>2</sup>N +116193701393\*<sup>3</sup>N -53705023251\*<sup>4</sup>N +13303809750\*<sup>5</sup>N -1987186025\*<sup>6</sup>N +189142107\*<sup>7</sup>N -11717013\*<sup>8</sup>N +469590\*<sup>9</sup>N -11715\*<sup>10</sup>N  
 +165\*<sup>11</sup>N -12586034202\*<sup>2</sup>N -34799531169\*<sup>3</sup>N +25967532774\*<sup>4</sup>N -89956697050\*<sup>5</sup>N +17413394570\*<sup>6</sup>N -2048510079\*<sup>7</sup>N  
 +151895364\*<sup>8</sup>N -7111170\*<sup>9</sup>N +203610\*<sup>10</sup>N -3245\*<sup>11</sup>N +22\*<sup>12</sup>N +255381304686\*<sup>2</sup>N -414552563370\*<sup>3</sup>N +262805355900\*<sup>4</sup>N  
 -60610543860\*<sup>5</sup>N +9221275140\*<sup>6</sup>N -841849336\*<sup>7</sup>N +47061630\*<sup>8</sup>N -1571790\*<sup>9</sup>N +28710\*<sup>10</sup>N -220\*<sup>11</sup>N +218228403492\*<sup>3</sup>  
 -252579287070\*<sup>4</sup>N +105760197620\*<sup>5</sup>N -22079772330\*<sup>6</sup>N +2588599860\*<sup>7</sup>N -177770670\*<sup>8</sup>N +7073220\*<sup>9</sup>N -150480\*<sup>10</sup>N  
 +1320\*<sup>11</sup>N +104765098900\*<sup>2</sup>N -91577104025\*<sup>3</sup>N +27655441585\*<sup>4</sup>N -4766849925\*<sup>5</sup>N +419195700\*<sup>6</sup>N -20449120\*<sup>7</sup>N +517440  
 \*<sup>8</sup>N -5280\*<sup>9</sup>N +31573269530\*<sup>10</sup>N -21179770689\*<sup>11</sup>N +5256540366\*<sup>12</sup>N -631849680\*<sup>13</sup>N +39380880\*<sup>14</sup>N -1219680\*<sup>15</sup>N +14784  
 \*<sup>16</sup>N +6282779118\*<sup>17</sup>N -3213687708\*<sup>18</sup>N +59446440\*<sup>19</sup>N -50524320\*<sup>20</sup>N +1995840\*<sup>21</sup>N -29568\*<sup>22</sup>N +840209832\*<sup>23</sup>N -319160150\*<sup>24</sup>N  
 +4461638080\*<sup>25</sup>N -2248720\*<sup>26</sup>N +42240\*<sup>27</sup>N -74859840\*<sup>28</sup>N -20000640\*<sup>29</sup>N +1647360\*<sup>30</sup>N -42240\*<sup>31</sup>N +4266440\*<sup>32</sup>N -718080\*<sup>33</sup>N  
 +28160\*<sup>34</sup>N +140800\*<sup>35</sup>N -11264\*<sup>36</sup>N +2048\*<sup>37</sup>N

Table A-1 (Cont.)

J(10, 1)	=	13785644259eN-13259178e23eN <sup>2</sup>	+1262110.9e <sup>3</sup>	-326187530eN <sup>4</sup>	-89671805eN <sup>5</sup>	+25467603eN <sup>6</sup>	-2854493eN <sup>7</sup>	+181110eN <sup>8</sup>	-4495eN <sup>9</sup>	+125eN <sup>10</sup>	-1
		<sup>11</sup>	-16497987682e <sup>11</sup>	+7775667437e <sup>10</sup>	-30615474150e <sup>9</sup>	+7323888930e <sup>8</sup>	-478028010e <sup>7</sup>	-94168389e <sup>6</sup>	+21493122e <sup>5</sup>	-1866990e <sup>4</sup>	
		<sup>7</sup>	+84030e <sup>7</sup>	-1935e <sup>6</sup>	+18e <sup>5</sup>	-3682116111e <sup>4</sup>	+6357753518e <sup>3</sup>	-30368621490e <sup>2</sup>	+5858300060e <sup>1</sup>	-365258460e <sup>0</sup>	
		<sup>2</sup>	+6653430e <sup>2</sup>	-428070e <sup>1</sup>	+12510e <sup>0</sup>	-140e <sup>-1</sup>	-39840547572e <sup>-2</sup>	+45865705670e <sup>-3</sup>	-17056828780e <sup>-4</sup>		
		<sup>3</sup>	-159590340e <sup>3</sup>	-3961650e <sup>2</sup>	+943740e <sup>1</sup>	-41520e <sup>0</sup>	+600e <sup>-1</sup>	-23472637020e <sup>-2</sup>	+20329328715e <sup>-3</sup>		
		<sup>4</sup>	+798268315e <sup>4</sup>	-79662700e <sup>3</sup>	+81480e <sup>2</sup>	-60480e <sup>1</sup>	-1440e <sup>0</sup>	-8782171970e <sup>-1</sup>	+5840837709e <sup>-2</sup>		
		<sup>5</sup>	+132184080e <sup>5</sup>	-3505360e <sup>4</sup>	+50400e <sup>3</sup>	-1344e <sup>2</sup>	-2179299402e <sup>1</sup>	+1107735636e <sup>0</sup>	-191022720e <sup>-1</sup>		
		<sup>6</sup>	-996480e <sup>6</sup>	+2688e <sup>5</sup>	-363392232e <sup>4</sup>	+137516640e <sup>3</sup>	-16916160e <sup>2</sup>	+794880e <sup>1</sup>	-11520e <sup>0</sup>	-40248000e <sup>-1</sup>	
		<sup>8</sup>	-840960e <sup>8</sup>	+19200e <sup>7</sup>	-283776e <sup>6</sup>	+477440e <sup>5</sup>	-17920e <sup>4</sup>	-115200e <sup>3</sup>	+9216e <sup>2</sup>	-2048e <sup>1</sup>	
		<sup>2</sup>	-75561963eN <sup>2</sup>	-34044138eN <sup>3</sup>	+1140595eN <sup>4</sup>	+2810451eN <sup>5</sup>	-652701eN <sup>6</sup>	+65910eN <sup>7</sup>	-3471eN <sup>8</sup>	+93eN <sup>9</sup>	-1eN <sup>10</sup>
J(9, 2)	=	-1135530669eN+797885217eN <sup>2</sup>	-75561963eN <sup>3</sup>	-34044138eN <sup>4</sup>	+1140595eN <sup>5</sup>	+2810451eN <sup>6</sup>	-652701eN <sup>7</sup>	+65910eN <sup>8</sup>	-3471eN <sup>9</sup>	+93eN <sup>10</sup>	-1eN <sup>11</sup>
		<sup>9</sup>	-4053023165e <sup>9</sup>	+1952204934e <sup>8</sup>	-105129218e <sup>7</sup>	+77514326e <sup>6</sup>	+8682261e <sup>5</sup>	+1595454e <sup>4</sup>	-383250e <sup>3</sup>	+30114e <sup>2</sup>	
		<sup>10</sup>	-1057e <sup>10</sup>	+3629966662e <sup>9</sup>	-6019133010e <sup>8</sup>	+N+2129033886e <sup>7</sup>	-49485332e <sup>6</sup>	-75575388e <sup>5</sup>	+10074456e <sup>4</sup>		
		<sup>2</sup>	-67590e <sup>2</sup>	+4158e <sup>1</sup>	-76e <sup>0</sup>	+454958772e <sup>-1</sup>	-5156717622e <sup>-2</sup>	+N+1417657676e <sup>-3</sup>	-24008754e <sup>-4</sup>	-35203644e <sup>-5</sup>	
		<sup>3</sup>	-140028e <sup>3</sup>	-9024e <sup>2</sup>	+168e <sup>1</sup>	+3407955908e <sup>0</sup>	-2879422453e <sup>-1</sup>	+N+641488785e <sup>-2</sup>	-17311413e <sup>-3</sup>		
		<sup>4</sup>	-858312e <sup>4</sup>	-25536e <sup>3</sup>	+96e <sup>2</sup>	+1672967042e <sup>1</sup>	-1088051853e <sup>0</sup>	+N+197893206e <sup>-1</sup>	-7192080e <sup>-2</sup>	-988848e <sup>-3</sup>	
		<sup>5</sup>	-1344e <sup>5</sup>	+553866750e <sup>4</sup>	-277207980e <sup>3</sup>	+N+39930240e <sup>2</sup>	-1471008e <sup>1</sup>	-52416e <sup>0</sup>	+2688e <sup>-1</sup>	-12364682e <sup>-2</sup>	
		<sup>7</sup>	-44950720e <sup>7</sup>	-143616e <sup>6</sup>	+N-768e <sup>5</sup>	+18236736e <sup>4</sup>	-484644e <sup>3</sup>	+N+338688e <sup>2</sup>	-5376e <sup>1</sup>	-1694976e <sup>0</sup>	-284928e <sup>-1</sup>
		<sup>10</sup>	-89600e <sup>10</sup>	-7168e <sup>9</sup>	+2048e <sup>8</sup>						

Table A-1 (Cont.)

J1 8.3)	=	40962255#N-16377071#N	<sup>2</sup>	-4696051#N	<sup>3</sup>	+2071670#N	<sup>4</sup>	-929305#N	<sup>5</sup>	+608027#N	<sup>6</sup>	-178773#N	<sup>7</sup>	+25430#N	<sup>8</sup>	-1875#N	<sup>9</sup>	+65#N	<sup>10</sup>	-1#N	<sup>11</sup>	-43059130#N
		+153430161#N	<sup>2</sup>	-3596493#N	<sup>3</sup>	-16992710#N	<sup>4</sup>	+1338550#N	<sup>5</sup>	+927759#N	<sup>6</sup>	+4187#N	<sup>7</sup>	-65150#N	<sup>8</sup>	+9350#N	<sup>9</sup>	+515#N	<sup>10</sup>	+10#N		
		-156653090#N	<sup>2</sup>	+271136998#N	<sup>3</sup>	-16726308#N	<sup>4</sup>	-909692#N	<sup>5</sup>	+1921640#N	<sup>6</sup>	+278754#N	<sup>7</sup>	+2#N	<sup>8</sup>	+5#N	<sup>9</sup>	+2#N	<sup>10</sup>	+5#N	<sup>11</sup>	
		-28#N	<sup>2</sup>	-250400388#N	<sup>3</sup>	+274296206#N	<sup>4</sup>	-17765398#N	<sup>5</sup>	+1016652#N	<sup>6</sup>	+727790#N	<sup>7</sup>	+106820#N	<sup>8</sup>	+4560#N	<sup>9</sup>		<sup>10</sup>			
		-40#N	<sup>2</sup>	-235739980#N	<sup>3</sup>	+161987911#N	<sup>4</sup>	-11904557#N	<sup>5</sup>	+1361780#N	<sup>6</sup>	+69384#N	<sup>7</sup>	-12992#N	<sup>8</sup>	+352#N	<sup>9</sup>		<sup>10</sup>			
		-155971226#N	<sup>2</sup>	+92142561#N	<sup>3</sup>	-1940750#N	<sup>4</sup>	-4023600#N	<sup>5</sup>	+495280#N	<sup>6</sup>	-6048#N	<sup>7</sup>	-76527570#N	<sup>8</sup>	+35968996#N	<sup>9</sup>		<sup>10</sup>			
		-1626240#N	<sup>2</sup>	-670880#N	<sup>3</sup>	+60480#N	<sup>4</sup>	-896#N	<sup>5</sup>	-26501160#N	<sup>6</sup>	+9655648#N	<sup>7</sup>	-533696#N	<sup>8</sup>	-50944#N	<sup>9</sup>	+2816#N	<sup>10</sup>	-6025920		
		#N	<sup>2</sup>	+1585280#N	<sup>3</sup>	-72960#N	<sup>4</sup>	-1280#N	<sup>5</sup>	-837888#N	<sup>6</sup>	+140544#N	<sup>7</sup>	-3584#N	<sup>8</sup>	-64000#N	<sup>9</sup>	+5120#N	<sup>10</sup>	-2048#N	<sup>11</sup>	
J1 7.4)	=	255879#N-975951#N	<sup>2</sup>	+284157#N	<sup>3</sup>	+640198#N	<sup>4</sup>	-655073#N	<sup>5</sup>	+303387#N	<sup>6</sup>	-50661#N	<sup>7</sup>	+12630#N	<sup>8</sup>	-1131#N	<sup>9</sup>	+53#N	<sup>10</sup>	-1#N	<sup>11</sup>	+1053162#N-1405017#N
		#N-386058#N	<sup>2</sup>	+480182#N	<sup>3</sup>	-125398#N	<sup>4</sup>	+28889#N	<sup>5</sup>	+20174#N	<sup>6</sup>	-13570#N	<sup>7</sup>	+2666#N	<sup>8</sup>	-213#N	<sup>9</sup>	+6#N	<sup>10</sup>	-957042#N	<sup>11</sup>	+1242318#N
		#N-3988114#N	<sup>2</sup>	+2923972#N	<sup>3</sup>	-1298108#N	<sup>4</sup>	+508648#N	<sup>5</sup>	-116466#N	<sup>6</sup>	+12450#N	<sup>7</sup>	-222#N	<sup>8</sup>	+4#N	<sup>9</sup>	+4#N	<sup>10</sup>	-214668#N	<sup>11</sup>	-305475#N
		#N	<sup>2</sup>	+324758#N	<sup>3</sup>	+53172#N	<sup>4</sup>	+68978#N	<sup>5</sup>	-27132#N	<sup>6</sup>	+2864#N	<sup>7</sup>	-88#N	<sup>8</sup>	+7816452#N	<sup>9</sup>	-7406681#N	<sup>10</sup>		<sup>11</sup>	
		+1305537#N	<sup>2</sup>	-913269#N	<sup>3</sup>	+437780#N	<sup>4</sup>	-60088#N	<sup>5</sup>	+1344#N	<sup>6</sup>	+96#N	<sup>7</sup>	+6298682#N	<sup>8</sup>	-2444673#N	<sup>9</sup>	-555506#N	<sup>10</sup>	-35280#N	<sup>11</sup>	
		#N	<sup>2</sup>	-15456#N	<sup>3</sup>	+448#N	<sup>4</sup>	+173870#N	<sup>5</sup>	-173870#N	<sup>6</sup>	+85988#N	<sup>7</sup>	+160608#N	<sup>8</sup>	+160608#N	<sup>9</sup>	+3136#N	<sup>10</sup>	-896#N	<sup>11</sup>	+1100904#N
		-218208#N	<sup>2</sup>	-240960#N	<sup>3</sup>	+40704#N	<sup>4</sup>	-768#N	<sup>5</sup>	+815424#N	<sup>6</sup>	-200576#N	<sup>7</sup>	-23808#N	<sup>8</sup>	+2816#N	<sup>9</sup>	+266495#N	<sup>10</sup>	-44288#N	<sup>11</sup>	-512
		#N	<sup>2</sup>	+38400#N	<sup>3</sup>	-3072#N	<sup>4</sup>	+N+2048#N	<sup>5</sup>													

Table A-1 (Cont.)

U( 6. 5) = 375771\*N-689335\*N<sup>2</sup> +154469\*N<sup>3</sup> +465190\*N<sup>4</sup> -473125\*N<sup>5</sup> +215155\*N<sup>6</sup> -56253\*N<sup>7</sup> +8950\*N<sup>8</sup> -855\*N<sup>9</sup> +45\*N<sup>10</sup> +1131758\*N<sup>11</sup> +13653\*N<sup>12</sup>

+989222\*N<sup>2</sup> +105170\*N<sup>3</sup> -44170\*N<sup>4</sup> +5555\*N<sup>5</sup> +6306\*N<sup>6</sup> -2990\*N<sup>7</sup> +590\*N<sup>8</sup> -55\*N<sup>9</sup> +2\*N<sup>10</sup> -396778\*N<sup>11</sup> +2390326\*N<sup>12</sup>

-2509210\*N<sup>2</sup> +191760\*N<sup>3</sup> -1013660\*N<sup>4</sup> +347160\*N<sup>5</sup> -74970\*N<sup>6</sup> +9770\*N<sup>7</sup> -690\*N<sup>8</sup> +20\*N<sup>9</sup> -2332932\*N<sup>10</sup> -577010\*N<sup>11</sup>

+N-145180\*N<sup>3</sup> -24110\*N<sup>4</sup> -28420\*N<sup>5</sup> +15790\*N<sup>6</sup> -5060\*N<sup>7</sup> +720\*N<sup>8</sup> -40\*N<sup>9</sup> +5008660\*N<sup>10</sup> -2729605\*N<sup>11</sup> +184635\*N<sup>12</sup>

-771325\*N<sup>4</sup> +227700\*N<sup>5</sup> -41720\*N<sup>6</sup> +160\*N<sup>7</sup> -160\*N<sup>8</sup> +1033150\*N<sup>9</sup> +80349\*N<sup>10</sup> +10730\*N<sup>11</sup> -27120\*N<sup>12</sup> +15280\*N<sup>13</sup>

-3360\*N<sup>5</sup> +320\*N<sup>6</sup> -1583658\*N<sup>7</sup> +674836\*N<sup>8</sup> -312960\*N<sup>9</sup> +79840\*N<sup>10</sup> -12480\*N<sup>11</sup> +640\*N<sup>12</sup> -209832\*N<sup>13</sup> +15200\*N<sup>14</sup> -22720\*N<sup>15</sup>

\*N +6400\*N<sup>7</sup> -1280\*N<sup>8</sup> +194880\*N<sup>9</sup> -58240\*N<sup>10</sup> +19200\*N<sup>11</sup> -3840\*N<sup>12</sup> +2540\*N<sup>13</sup> -12800\*N<sup>14</sup> +1024

<sup>10</sup> \*N -2048\*N<sup>11</sup>

J(12. 0) = -2998836525312\*N<sup>2</sup> +3615197586912\*N<sup>3</sup> -1755078270264\*N<sup>4</sup> +463397746836\*N<sup>5</sup> -75078221130\*N<sup>6</sup> +7923937307\*N<sup>7</sup> -560544138\*N<sup>8</sup> +26750823

\*N -848430\*N<sup>9</sup> +17105\*N<sup>10</sup> -198\*N<sup>11</sup> +3741844896000\*N<sup>12</sup> -10717581772224\*N<sup>13</sup> +83930581896\*N<sup>14</sup> -309688261216\*N<sup>15</sup>

+649773013890\*N<sup>4</sup> -84711184470\*N<sup>5</sup> +7166361510\*N<sup>6</sup> -399457740\*N<sup>7</sup> +14534190\*N<sup>8</sup> -331430\*N<sup>9</sup> +4290\*N<sup>10</sup> -24\*N<sup>11</sup>

+7783475191776\*N<sup>2</sup> -13249010287456\*N<sup>3</sup> +771455065048\*N<sup>4</sup> -2240602530540\*N<sup>5</sup> +376310458425\*N<sup>6</sup> -39190475016\*N<sup>7</sup> +2506200674\*N<sup>8</sup> -110561220\*N<sup>9</sup> +2848325\*N<sup>10</sup> -42240\*N<sup>11</sup> +264\*N<sup>12</sup> -6894817995384\*N<sup>13</sup> -8486856824512\*N<sup>14</sup>

+3846935531340\*N<sup>3</sup> -888997172580\*N<sup>4</sup> +118828155600\*N<sup>5</sup> -9703037652\*N<sup>6</sup> +490159900\*N<sup>7</sup> -14908080\*N<sup>8</sup> -249480\*N<sup>9</sup> -1760\*N<sup>10</sup> +3476543668444\*N<sup>11</sup> -328754654650\*N<sup>12</sup> +1177749560625\*N<sup>13</sup> -215722521630\*N<sup>14</sup> +2254563495\*N<sup>15</sup> -139564560\*N<sup>16</sup>

+N +5046880\*N<sup>4</sup> -982080\*N<sup>5</sup> +7920\*N<sup>6</sup> +1118393357730\*N<sup>7</sup> -829466196174\*N<sup>8</sup> +N+234456232626\*N<sup>9</sup> -33476810136\*N<sup>10</sup> +2564650160\*N<sup>11</sup> -117089280\*N<sup>12</sup> +2705472\*N<sup>13</sup> -25344\*N<sup>14</sup> +242570121475\*N<sup>15</sup> -141235284960\*N<sup>16</sup> +N+31018633800\*N<sup>17</sup>

-3342588480\*N<sup>6</sup> +18853240\*N<sup>7</sup> -5322240\*N<sup>8</sup> +59136\*N<sup>9</sup> +36373036392\*N<sup>10</sup> -16396377898\*N<sup>11</sup> +N+2710952649\*N<sup>12</sup> -208032000

\*N +7476480\*N<sup>7</sup> -101376\*N<sup>8</sup> +3785307504\*N<sup>9</sup> -1281139200\*N<sup>10</sup> +4150543360\*N<sup>11</sup> -7349760\*N<sup>12</sup> +126720\*N<sup>13</sup> +268773120\*N<sup>14</sup>

-6451560\*N<sup>9</sup> +4515360\*N<sup>10</sup> -112640\*N<sup>11</sup> +12432640\*N<sup>12</sup> -1892352\*N<sup>13</sup> +N+67584\*N<sup>14</sup> -24576\*N<sup>15</sup> +N+4C96\*N<sup>16</sup>

Table A-1 (Cont.)

J(11, 1) = +1262372+80000N-4219166110400N +1487835533360N -188122779200N -13046920700N +7210177500N -10222256200N +786162300N<sup>8</sup>  
-3633300N +1006500N<sup>10</sup> -154000N<sup>11</sup> +N -49262372+80000N +1469567988000N-101041926911200N +27706107074800N -2886590113000N<sup>3</sup>  
-135932450500N +67228322700N -7634767800N +451440000N -150865000N +2695000N -20000N<sup>11</sup> -1168651377600N<sup>2</sup>  
+200303494689600N<sup>2</sup> -103772597662800N<sup>2</sup> +23077084646000N<sup>2</sup> -2112325985000N<sup>2</sup> -29794842000N<sup>2</sup> +23333540800N<sup>2</sup> -2150016000N<sup>2</sup>  
+93291000N<sup>2</sup> -2024000N<sup>2</sup> +176000N<sup>2</sup> -121730123108000N<sup>3</sup> +148872354430800N<sup>3</sup> -60828411952000N<sup>3</sup> +11146933665000N<sup>3</sup>  
-404734369000N<sup>3</sup> +82569102000N<sup>3</sup> +3915681000N<sup>3</sup> -286044000N<sup>3</sup> +8250000N<sup>3</sup> -88000N<sup>3</sup> -73630636050400N<sup>4</sup> +68896708573000N<sup>4</sup>  
-225587553785000N<sup>4</sup> +3392804077000N<sup>4</sup> -2371594995000N<sup>4</sup> +4612608000N<sup>4</sup> +312312000N<sup>4</sup> -17952000N<sup>4</sup> +264000N<sup>4</sup>  
-28748721947000N<sup>5</sup> +21101893749500N<sup>5</sup> -5525331758100N<sup>5</sup> +668307116400N<sup>5</sup> -38180604000N<sup>5</sup> +7835532000N<sup>5</sup> +96096000N<sup>5</sup> -4224000N<sup>5</sup>  
+N -761083232800N<sup>6</sup> +4394485233600N<sup>6</sup> -904856198400N<sup>6</sup> +84786240000N<sup>6</sup> -3666432000N<sup>6</sup> +59136000N<sup>6</sup> -139506120600N<sup>7</sup>  
+625196510400N<sup>7</sup> -97902288000N<sup>7</sup> +6671808000N<sup>7</sup> -192192000N<sup>7</sup> +1689600N<sup>7</sup> -177248174400N<sup>8</sup> +5977804800N<sup>8</sup> -6707712000N<sup>8</sup>  
+29588000N<sup>8</sup> -4224000N<sup>8</sup> -15318336000N<sup>9</sup> +3670656000N<sup>9</sup> -263296000N<sup>9</sup> +5632000N<sup>9</sup> -85988000N<sup>9</sup> +130662400N<sup>10</sup> -4503600N<sup>10</sup>  
-2816000N<sup>11</sup> +2048000N<sup>11</sup> +N-409600N<sup>12</sup>

Table A-1 (Cont.)

2) = -36309967872EN+28590400736EN<sup>2</sup> -4942940792EN<sup>3</sup> -719748084EN<sup>4</sup> +167373190EN<sup>5</sup> +44477243EN<sup>6</sup> -16505370EN<sup>7</sup> +2151783EN<sup>8</sup> -148350EN<sup>9</sup>  
 +5745EN<sup>10</sup> -118EN<sup>11</sup> +4151289+720EN<sup>12</sup> -13110+118176EN<sup>2</sup> -72074274944EN<sup>3</sup> -9010026688EN<sup>4</sup> -1745694260EN<sup>5</sup> +409103740EN<sup>6</sup>  
 +14194420EN<sup>7</sup> -10532616EN<sup>8</sup> +1182660EN<sup>9</sup> -61700EN<sup>10</sup> +1580EN<sup>11</sup> -16EN<sup>12</sup> +113959973056EN<sup>2</sup> -197266981048EN<sup>3</sup> +81321773EN<sup>4</sup>  
 EN<sup>5</sup> -74062V6060EN<sup>6</sup> EN<sup>7</sup> -1767362675EN<sup>8</sup> EN<sup>9</sup> +383328456EN<sup>10</sup> EN<sup>11</sup> -14945910EN<sup>12</sup> EN<sup>2</sup> -1922280EN<sup>3</sup> EN<sup>4</sup> +2162225EN<sup>5</sup> EN<sup>6</sup> -8000EN<sup>7</sup> EN<sup>8</sup> +104EN<sup>9</sup>  
 10 +141531046576EN<sup>3</sup> -170573013264EN<sup>4</sup> EN+55450374920EN<sup>5</sup> EN<sup>6</sup> -4098227640EN<sup>7</sup> EN<sup>8</sup> -863017680EN<sup>9</sup> EN<sup>10</sup> +167264328EN<sup>11</sup> EN<sup>12</sup> -8978760EN<sup>3</sup>  
 -14880EN<sup>4</sup> EN<sup>5</sup> +14640EN<sup>6</sup> EN<sup>7</sup> -320EN<sup>8</sup> EN<sup>9</sup> +105346198564EN<sup>10</sup> EN<sup>11</sup> -96220355290EN<sup>12</sup> EN<sup>2</sup> -1737620430EN<sup>3</sup> EN<sup>4</sup> -2159909883EN<sup>5</sup>  
 +37742880EN<sup>6</sup> EN<sup>7</sup> -1839600EN<sup>8</sup> EN<sup>9</sup> +24000EN<sup>10</sup> EN<sup>11</sup> +240EN<sup>12</sup> EN<sup>2</sup> +519532853430EN<sup>3</sup> -37233058276EN<sup>4</sup> EN<sup>5</sup> +8118586140EN<sup>6</sup> EN<sup>7</sup> -526673616EN<sup>8</sup>  
 -26863200EN<sup>9</sup> EN<sup>10</sup> +4515840EN<sup>11</sup> EN<sup>12</sup> -163V68EN<sup>2</sup> EN<sup>3</sup> +1536EN<sup>4</sup> EN<sup>5</sup> +17659392355EN<sup>6</sup> -10005612960EN<sup>7</sup> EN<sup>8</sup> +1771695912EN<sup>9</sup> EN<sup>10</sup> -103360320EN<sup>11</sup>  
 -1226400EN<sup>12</sup> EN<sup>2</sup> -268800EN<sup>3</sup> EN<sup>4</sup> -5376EN<sup>5</sup> EN<sup>6</sup> +4183718448EN<sup>7</sup> -1951334083EN<sup>8</sup> EN+256594560EN<sup>9</sup> EN<sup>10</sup> -12172800EN<sup>11</sup> EN<sup>12</sup> +38400EN<sup>2</sup> +6144EN<sup>3</sup>  
 EN<sup>4</sup> +686527344EN<sup>5</sup> -229870080EN<sup>6</sup> EN+23364560EN<sup>7</sup> EN<sup>8</sup> -773680EN<sup>9</sup> EN<sup>10</sup> +3840EN<sup>11</sup> EN<sup>12</sup> -18201600EN<sup>2</sup> EN<sup>3</sup> +1203200EN<sup>4</sup> EN<sup>5</sup> -20480EN<sup>6</sup>  
 EN<sup>7</sup> +5443840EN<sup>8</sup> -827392EN<sup>9</sup> EN+26024EN<sup>10</sup> EN<sup>11</sup> +225280EN<sup>12</sup> -16384EN<sup>2</sup> EN+4096EN<sup>3</sup>

Table A-1 (Cont.)

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12  
 1359699712 \*N -80597372 \*N<sup>2</sup> -91214280 \*N<sup>4</sup> +70659676 \*N<sup>5</sup> -13682214 \*N<sup>6</sup> +9070907 \*N<sup>7</sup> -3552822 \*N<sup>8</sup> +645495 \*N<sup>9</sup> -62082 \*N<sup>10</sup> +3281 \*N<sup>11</sup> -90 \*N<sup>12</sup>  
 1700787456 \*N<sup>8</sup> +59444219776 \*N<sup>9</sup> -849 \*N<sup>10</sup> -12 \*N<sup>11</sup> -574068576 \*N<sup>2</sup> +10231655400 \*N<sup>2</sup> +2569111236 \*N<sup>2</sup> -441286692 \*N<sup>2</sup> +85599510 \*N<sup>2</sup>  
 270288 \*N<sup>2</sup> -22615 \*N<sup>2</sup> -8363376 \*N<sup>3</sup> +467136 \*N<sup>3</sup> +14814 \*N<sup>3</sup> -2064 \*N<sup>3</sup> +48 \*N<sup>3</sup> -8788241592 \*N<sup>3</sup> +1033677596 \*N<sup>3</sup>  
 33300412 \*N<sup>4</sup> -443636122 \*N<sup>4</sup> +85066506 \*N<sup>4</sup> +12725538 \*N<sup>4</sup> -3403386 \*N<sup>4</sup> +229080 \*N<sup>4</sup> -4644 \*N<sup>4</sup> -16 \*N<sup>4</sup>  
 182037648 \*N<sup>5</sup> -845710905 \*N<sup>5</sup> -284199678 \*N<sup>5</sup> +55197261 \*N<sup>5</sup> +193536 \*N<sup>5</sup> -511056 \*N<sup>5</sup> +29376 \*N<sup>5</sup>  
 8107894072 \*N<sup>6</sup> +6952409634 \*N<sup>6</sup> -845710905 \*N<sup>6</sup> -284199678 \*N<sup>6</sup> +55197261 \*N<sup>6</sup> +193536 \*N<sup>6</sup> -511056 \*N<sup>6</sup> +29376 \*N<sup>6</sup>  
 432 \*N<sup>7</sup> -516424994 \*N<sup>7</sup> +3432299841 \*N<sup>7</sup> -336572523 \*N<sup>7</sup> -98873628 \*N<sup>7</sup> +17811864 \*N<sup>7</sup> -588672 \*N<sup>7</sup> -26208 \*N<sup>7</sup> +1152 \*N<sup>7</sup>  
 2401250512 \*N<sup>8</sup> +1279366544 \*N<sup>8</sup> -114972160 \*N<sup>8</sup> -17974656 \*N<sup>8</sup> +2903040 \*N<sup>8</sup> -96768 \*N<sup>8</sup> -809492292 \*N<sup>8</sup> +34468296 \*N<sup>8</sup>  
 30504672 \*N<sup>9</sup> -1557888 \*N<sup>9</sup> +229248 \*N<sup>9</sup> -4608 \*N<sup>9</sup> -190902480 \*N<sup>9</sup> +62687232 \*N<sup>9</sup> +54656 \*N<sup>9</sup> -12288 \*N<sup>9</sup> -168960 \*N<sup>9</sup> +12288 \*N<sup>9</sup> -4096 \*N<sup>9</sup>  
 30125952 \*N<sup>10</sup> +7199072 \*N<sup>10</sup> -37552 \*N<sup>10</sup> +1024 \*N<sup>10</sup> -2997760 \*N<sup>10</sup> +54656 \*N<sup>10</sup> -12288 \*N<sup>10</sup> -168960 \*N<sup>10</sup> +12288 \*N<sup>10</sup> -4096 \*N<sup>10</sup>  
 11811072 \*N<sup>11</sup> +7893192 \*N<sup>11</sup> +7954892 \*N<sup>11</sup> -9303242 \*N<sup>11</sup> +4686107 \*N<sup>11</sup> -1428490 \*N<sup>11</sup> +268135 \*N<sup>11</sup> -30382 \*N<sup>11</sup> +2001 \*N<sup>11</sup> -70 \*N<sup>11</sup>  
 28653824 \*N<sup>12</sup> +729792 \*N<sup>12</sup> -92664 \*N<sup>12</sup> +17240032 \*N<sup>12</sup> -1561514 \*N<sup>12</sup> +187406 \*N<sup>12</sup> +140770 \*N<sup>12</sup> -224580 \*N<sup>12</sup> +64762 \*N<sup>12</sup> -7650 \*N<sup>12</sup>  
 406 \*N<sup>13</sup> -8 \*N<sup>13</sup> +59202016 \*N<sup>13</sup> -114628264 \*N<sup>13</sup> +54051912 \*N<sup>13</sup> +57868180 \*N<sup>13</sup> -18347303 \*N<sup>13</sup> +7581560 \*N<sup>13</sup> -2295902 \*N<sup>13</sup>  
 323516 \*N<sup>14</sup> -18971 \*N<sup>14</sup> +256 \*N<sup>14</sup> +8 \*N<sup>14</sup> +13427088 \*N<sup>14</sup> -193845376 \*N<sup>14</sup> +21665340 \*N<sup>14</sup> +2080608 \*N<sup>14</sup> +1978928 \*N<sup>14</sup>  
 439908 \*N<sup>15</sup> -576324 \*N<sup>15</sup> +94320 \*N<sup>15</sup> -5416 \*N<sup>15</sup> +96 \*N<sup>15</sup> +25756492 \*N<sup>15</sup> -23385176 \*N<sup>15</sup> +10606237 \*N<sup>15</sup> -314654 \*N<sup>15</sup>  
 8050903 \*N<sup>16</sup> -1635424 \*N<sup>16</sup> +43504 \*N<sup>16</sup> +5056 \*N<sup>16</sup> -272 \*N<sup>16</sup> +219252086 \*N<sup>16</sup> -120861274 \*N<sup>16</sup> +1465674 \*N<sup>16</sup> +6777080 \*N<sup>16</sup>  
 2133264 \*N<sup>17</sup> -494592 \*N<sup>17</sup> +27328 \*N<sup>17</sup> -256 \*N<sup>17</sup> -110687427 \*N<sup>17</sup> -37444064 \*N<sup>17</sup> -16352952 \*N<sup>17</sup> +6481856 \*N<sup>17</sup> -21280 \*N<sup>17</sup>  
 46592 \*N<sup>18</sup> -1792 \*N<sup>18</sup> +52980408 \*N<sup>18</sup> -16240224 \*N<sup>18</sup> -4901312 \*N<sup>18</sup> +1361152 \*N<sup>18</sup> -55552 \*N<sup>18</sup> -1024 \*N<sup>18</sup> +23852400 \*N<sup>18</sup>  
 7004672 \*N<sup>19</sup> -517120 \*N<sup>19</sup> +154112 \*N<sup>19</sup> -4352 \*N<sup>19</sup> +7212288 \*N<sup>19</sup> -1658368 \*N<sup>19</sup> -512 \*N<sup>19</sup> +6144 \*N<sup>19</sup> +1250560 \*N<sup>19</sup> -188416 \*N<sup>19</sup>  
 20248 \*N<sup>20</sup> +112608 \*N<sup>20</sup> -8192 \*N<sup>20</sup> +9096 \*N<sup>20</sup>

Table A-1 (Cont.)

10 11 12  
 11 12  
 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 46 47 48 49 50 51 52 53 54 55 56 57 58 59 60 61 62 63 64 65 66 67 68 69 70 71 72 73 74 75 76 77 78 79 80 81 82 83 84 85 86 87 88 89 90 91 92 93 94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127 128 129 130 131 132 133 134 135 136 137 138 139 140 141 142 143 144 145 146 147 148 149 150 151 152 153 154 155 156 157 158 159 160 161 162 163 164 165 166 167 168 169 170 171 172 173 174 175 176 177 178 179 180 181 182 183 184 185 186 187 188 189 190 191 192 193 194 195 196 197 198 199 200 201 202 203 204 205 206 207 208 209 210 211 212 213 214 215 216 217 218 219 220 221 222 223 224 225 226 227 228 229 230 231 232 233 234 235 236 237 238 239 240 241 242 243 244 245 246 247 248 249 250 251 252 253 254 255 256 257 258 259 260 261 262 263 264 265 266 267 268 269 270 271 272 273 274 275 276 277 278 279 280 281 282 283 284 285 286 287 288 289 290 291 292 293 294 295 296 297 298 299 300 301 302 303 304 305 306 307 308 309 310 311 312 313 314 315 316 317 318 319 320 321 322 323 324 325 326 327 328 329 330 331 332 333 334 335 336 337 338 339 340 341 342 343 344 345 346 347 348 349 350 351 352 353 354 355 356 357 358 359 360 361 362 363 364 365 366 367 368 369 370 371 372 373 374 375 376 377 378 379 380 381 382 383 384 385 386 387 388 389 390 391 392 393 394 395 396 397 398 399 400 401 402 403 404 405 406 407 408 409 410 411 412 413 414 415 416 417 418 419 420 421 422 423 424 425 426 427 428 429 430 431 432 433 434 435 436 437 438 439 440 441 442 443 444 445 446 447 448 449 450 451 452 453 454 455 456 457 458 459 460 461 462 463 464 465 466 467 468 469 470 471 472 473 474 475 476 477 478 479 480 481 482 483 484 485 486 487 488 489 490 491 492 493 494 495 496 497 498 499 500 501 502 503 504 505 506 507 508 509 510 511 512 513 514 515 516 517 518 519 520 521 522 523 524 525 526 527 528 529 530 531 532 533 534 535 536 537 538 539 540 541 542 543 544 545 546 547 548 549 550 551 552 553 554 555 556 557 558 559 560 561 562 563 564 565 566 567 568 569 570 571 572 573 574 575 576 577 578 579 580 581 582 583 584 585 586 587 588 589 590 591 592 593 594 595 596 597 598 599 600 601 602 603 604 605 606 607 608 609 610 611 612 613 614 615 616 617 618 619 620 621 622 623 624 625 626 627 628 629 630 631 632 633 634 635 636 637 638 639 640 641 642 643 644 645 646 647 648 649 650 651 652 653 654 655 656 657 658 659 660 661 662 663 664 665 666 667 668 669 670 671 672 673 674 675 676 677 678 679 680 681 682 683 684 685 686 687 688 689 690 691 692 693 694 695 696 697 698 699 700 701 702 703 704 705 706 707 708 709 710 711 712 713 714 715 716 717 718 719 720 721 722 723 724 725 726 727 728 729 730 731 732 733 734 735 736 737 738 739 740 741 742 743 744 745 746 747 748 749 750 751 752 753 754 755 756 757 758 759 760 761 762 763 764 765 766 767 768 769 770 771 772 773 774 775 776 777 778 779 780 781 782 783 784 785 786 787 788 789 790 791 792 793 794 795 796 797 798 799 800 801 802 803 804 805 806 807 808 809 810 811 812 813 814 815 816 817 818 819 820 821 822 823 824 825 826 827 828 829 830 831 832 833 834 835 836 837 838 839 840 841 842 843 844 845 846 847 848 849 850 851 852 853 854 855 856 857 858 859 860 861 862 863 864 865 866 867 868 869 870 871 872 873 874 875 876 877 878 879 880 881 882 883 884 885 886 887 888 889 890 891 892 893 894 895 896 897 898 899 900 901 902 903 904 905 906 907 908 909 910 911 912 913 914 915 916 917 918 919 920 921 922 923 924 925 926 927 928 929 930 931 932 933 934 935 936 937 938 939 940 941 942 943 944 945 946 947 948 949 950 951 952 953 954 955 956 957 958 959 960 961 962 963 964 965 966 967 968 969 970 971 972 973 974 975 976 977 978 979 980 981 982 983 984 985 986 987 988 989 990 991 992 993 994 995 996 997 998 999 1000 1001 1002 1003 1004 1005 1006 1007 1008 1009 1010 1011 1012 1013 1014 1015 1016 1017 1018 1019 1020 1021 1022 1023 1024 1025 1026 1027 1028 1029 1030 1031 1032 1033 1034 1035 1036 1037 1038 1039 1040 10

**BIOGRAPHICAL NOTE**

**JEROME R. CHERNIACK** graduated from City College of New York in 1958 and has been with the Observatory since 1959.

# **BIOGRAPHICAL NOTE**

**JEROME R. CHERNIACK** graduated from City College of New York in 1958 and has been with the Observatory since 1959.

## NOTICE

This series of Special Reports was instituted under the supervision of Dr. F. L. Whipple, Director of the Astrophysical Observatory of the Smithsonian Institution, shortly after the launching of the first artificial earth satellite on October 4, 1957. Contributions come from the Staff of the Observatory.

First issued to ensure the immediate dissemination of data for satellite tracking, the reports have continued to provide a rapid distribution of catalogs of satellite observations, orbital information, and preliminary results of data analyses prior to formal publication in the appropriate journals. The Reports are also used extensively for the rapid publication of preliminary or special results in other fields of astrophysics.

The Reports are regularly distributed to all institutions participating in the U. S. space research program and to individual scientists who request them from the Publications Division, Distribution Section, Smithsonian Astrophysical Observatory, Cambridge, Massachusetts 02138.